

L'épreuve est notée sur 20 et comporte deux parties A et B réparties sur deux pages.

PARTIE A : 10 points

- I. Pour chacune des questions de 1 à 6, quatre réponses sont proposées, une seule est juste. Recopier le numéro de la question et indiquer la lettre qui correspond à la réponse juste.

- 1) L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'équation $x^3 + x^2 - 2x = 0$ est :
a) $(0; 1; -2)$; b) $\{0; 1; 2\}$; c) $\{1; -2\}$; d) $\{\ln 2 ; \ln 1\}$. **1 pt**
- 2) L'ensemble des solutions dans \mathbb{R} de l'inéquation $e^{2x} + e^x - 2 > 0$ est :
a) $]-\infty; -2[\cup]1; +\infty[$; b) $]-2; 1[$; c) $]0; +\infty[$; d) $]-\infty; 0[$. **1 pt**
- 3) Le couple de réels $(x ; y)$ solution du système d'équations $\begin{cases} \ln(xy) = 3 \\ 2 \ln x - 3 \ln y = -4 \end{cases}$ est :
a) $(\ln 1; \ln 2)$; b) $(1; 2)$; c) $(e; e^2)$; d) $(0; e^2)$. **1 pt**
- 4) L'ensemble de définition de la fonction : $x \mapsto \ln(1 - 25x^2)$ est :
a) $]-\infty; -\frac{1}{5}[\cup]\frac{1}{5}; +\infty[$; b) $[-\frac{1}{5}; \frac{1}{5}]$; c) $]-\frac{1}{5}; \frac{1}{5}[$; d) $]-\infty; -\frac{1}{5}] \cup [\frac{1}{5}; +\infty[$. **1 pt**
- 5) La dérivée de la fonction $f : x \mapsto (2x - 1)e^{-x+2}$ est la fonction f' définie sur \mathbb{R} par :
a) $f'(x) = -(2x - 1)e^{-x+2}$; b) $f(x) = (-2x + 3)e^{-x+2}$;
c) $f(x) = -e^{-x+2}$; d) $f(x) = 2e^{-x+2}$. **1 pt**
- 6) Une équation de la tangente à la courbe de la fonction h définie par
$$h(x) = 2 \ln(3x - 5) - 1$$
 au point d'abscisse 2 est :
a) $y = -6x + 13$; b) $y = -6x - 13$; c) $y = 6x - 13$; d) $y = 6x + 13$. **1 pt**

- II. Une urne contient 4 boules blanches et trois boules noires toutes indiscernables au toucher. On tire au hasard et simultanément trois boules de l'urne.

Déterminer la probabilité d'obtenir :

- a) Les boules de même couleur. **0,75 pt**
- b) Deux boules blanches et une boule noire. **0,75 pt**

- III. Pour pallier aux pénuries d'eau très fréquentes dans sa localité, M. MBA veut aménager un forage d'une profondeur de 12 mètres dans son domicile. Pour cela, il fait appel à deux entreprises A et B : L'entreprise A lui propose un coût global de 1 700 000 FCFA tandis que l'entreprise B lui propose un forfait de mise en place du matériel de 300 000 FCFA et 120 000 CFA par mètre creusé. On note U_0 le montant forfaitaire, U_1 le coût du forage à un mètre, U_2 le coût du forage à 2 mètres... et U_n le coût du forage à n mètres.

- 1) Calculer U_1 , U_2 et U_3 . **0,75 pt**

- 2) Montrer que la suite (U_n) est une suite arithmétique dont on précisera la raison et le premier terme. **0,75 pt**
- 3) Calculer U_{12} . **0,75 pt**
- 4) Laquelle des deux entreprises propose un coût avantageux ? **0,25 pt**

PARTIE B : 10 points

On considère la fonction f définie sur $]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$ par $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 6}{x-1}$. On note (C_f) la courbe représentative de f dans le plan rapporté au repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) , unité sur les axes 1cm.

- 1) a) Calculer les limites de f en $-\infty$, en $+\infty$, en 1^- et en 1^+ . **1 pt**
- b) En déduire une équation de l'asymptote verticale à (C_f) . **0,5 pt**
- 2) a) Déterminer trois réels a, b et c tels que $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ pour tout réel $x \neq 1$. **1 pt**
- b) En déduire que la droite (D) d'équation $y = x - 2$ est asymptote à (C_f) . **0,5 pt**
- 3) a) Montrer que pour tout réel $x \in]-\infty; 1[\cup]1; +\infty[$, $f'(x) = \frac{(x+1)(x-3)}{(x-1)^2}$. **1 pt**
- b) En déduire le signe de $f'(x)$ et le sens de variations de f . **2 pts**
- c) Dresser le tableau de variations de f . **1 pt**
- 4) Construire soigneusement (C_f) et ses asymptotes. **2 pts**
- 5) Montrer que la fonction F définie sur $]1; +\infty[$ par $F(x) = \frac{1}{2}x^2 - 2x + 4 \ln(x-1)$ est une primitive de f sur $]1; +\infty[$. **1 pt**